

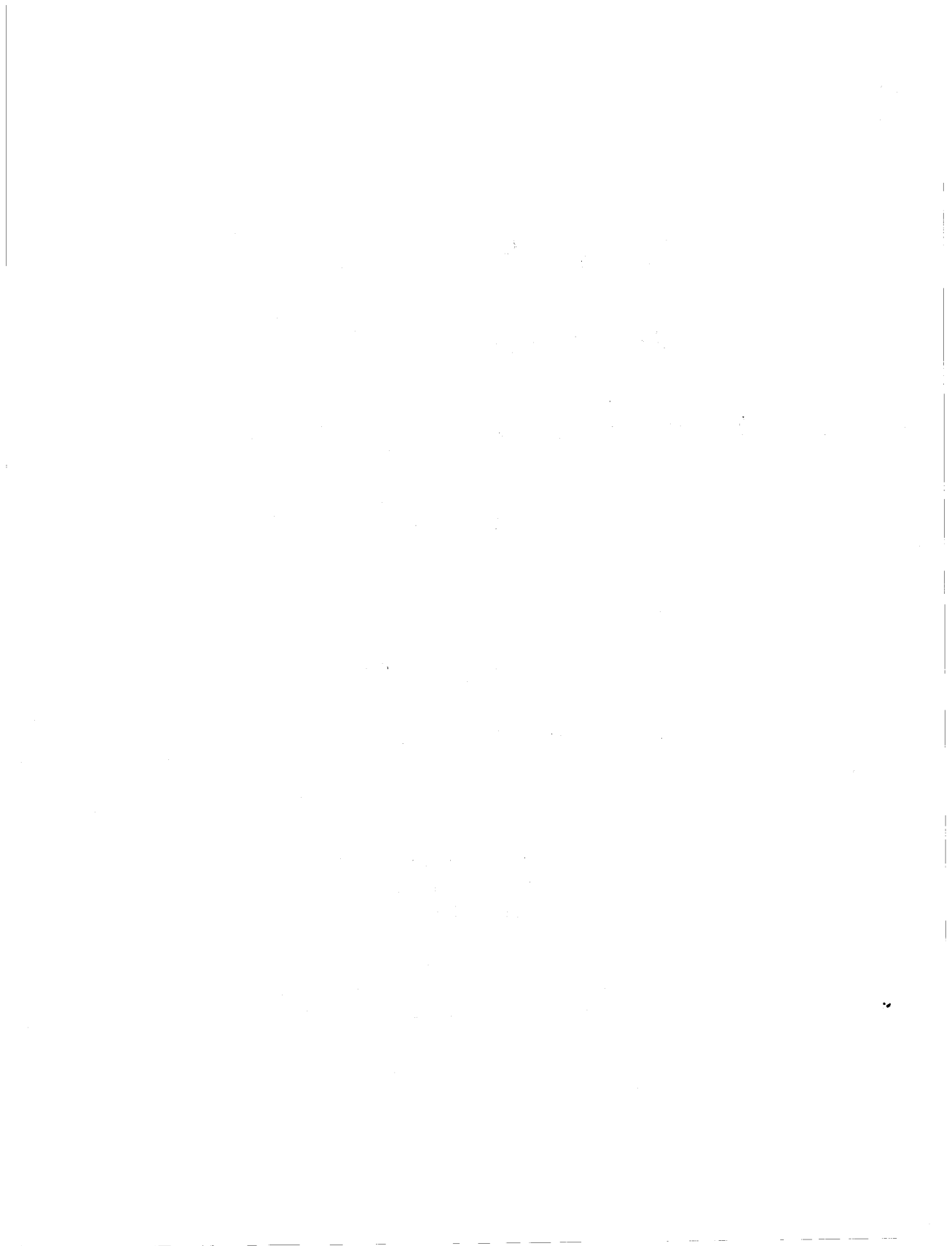
1981
April

日本数学会
昭和56年年会
講演アブストラクト
函数論

時 …… 4月6日・7日

所 …… 京都大学

6日	9:00 ~ 12:00	普通講演	1 ~ 13
	13:15 ~ 15:45	普通講演	14 ~ 23
	16:00 ~ 17:00	特別講演	
7日	9:00 ~ 12:00	普通講演	24 ~ 37
	13:15 ~ 15:15	普通講演	38 ~ 46
	15:30 ~ 16:30	特別講演	



4月6日(月)

9:00~12:00

講演時間(分)

1. 上田英靖	Spread relation について	15
2. 占部博信	Factorization of certain, periodic, entire functions	10
3. 戸田暢茂	$T(r) \sim T(2r)$ なる関数系について	15
4. 吹田信之	On subadditivity problem of analytic capacity	10
5. 大竹博巳	極値擬等角写像の持ち上げについて	15
6. 佐官謙一	フックス群とコンパクトな極値擬等角写像について	10
7. 佐藤宏樹	Uniformization of Riemann surfaces with nodes	15
8. 瀧川信正	Weierstrass points on compact Riemann surfaces with nontrivial automorphisms	10
9. 辻良平	種数3と4のリーマン面の表現について	15
10. 柴雅和	有限型 Riemann 面の解折写像	10
11. 米谷文男	Green, Neumann 関数の擬等角変形による変分公式	10
12. 田頭英敏	Harnack の距離の完備性について	15
13. 山岡深幸	On the finite solvability of Plateau's problem for extreme curves	15

13:15~15:45

14. 松岡長一郎	$H^{\infty}(R)$ の Shilov 境界における Dirichlet 問題について	10
15. 松岡長一郎	$H^{\infty}(D) (D \subset \mathbb{C}^n)$ の Shilov 境界における Dirichlet 問題について	10
16. 原優	On Gamelin's constants	15
17. 相川弘明	半空間における非負の優調和函数の無限遠点における挙動について	15
18. 山本裕陸	p 次の極値的距離に対する零集合について	15
19. 前田文之	調和空間の半線型振動に関する Dirichlet 問題	15
20. 洪妊植	Green 関数を核とする第1種積分方程式	15
21. 多田俊政	Picard 原理における境界 Harnack 原理の役割	15
22. 渡辺ヒサ子	関数核の掃散について	15
23. 二宮信幸	対数ポテンシャルにおける掃散定数について	15

特別講演

谷口雅彦

On the geometrical structure of Abelian differentials on compact Riemann surfaces

(16:00~17:00)

4月7日(火)

9:00~12:00

24. 竹腰見昭	擬凸領域での弱消滅定理と弱有限性定理	15
25. 上田哲生	正則写像の iteration に関する一定理	10
26. 西村保一郎	部分多様体において縮小的な, 正則自己同型	10
27. 近藤誠造	\mathbb{C}^2 における固有面の配列の構成についての一注意	10
28. 古島幹雄	Polynomial automorphism of finite order in \mathbb{C}^2	15
29. 吉岡恒夫	評価を伴う正則函数の拡張	15
30. 斉藤紘子	特殊型の2変数有理函数	10
31. 平井悦子	Sur la fonction caractéristique de la fonction partiellement elliptique	10
32. 山口博史	開リーマン面の動きの同値性について	15
33. 濃野聖晴	Polyanalytic function の分離正規族の正規性について	10
34. 高瀬正仁	内分岐域の正則包の新しい構成法	15

35.	高瀬 正 仁	正則函数の局所系について	10
36.	城戸 清	Regular な被拡領域の Stein 性について	10
	{ 柿 並 健 次		10
37.	{ 城戸 清	Palamadov-Shiga の問題について	10
	{ 谷 春 一		
13:15~15:15			
38.	{ 望 月 望	Fejér-Riesz 不等式とその高次元擬等角正則写像への応用	10
	{ 荷 見 守 助		
39.	鈴木 正 昭	Holomorphic curvature of intrinsic metrics.	10
40.	東川 和 夫	normal j -algebra の admissible form について	15
41.	西野 利 雄	2次元複素多様体上の compact curve の holomorphic family について	15
42.	西野 利 雄	ある種の compact curve を含む 2次元複素多様体について	10
43.	宮 嶋 公 夫	正則写像の対数的変形について	10
44.	{ 宮 嶋 公 夫	通常特異点の equisingular 変位について	10
	{ 坪 井 昭 二		
45.	鈴木 正 彦	Normal forms of quasihomogeneous functions with inner modality equal to 5 .	10
46.	大 柳 茂 樹	A Theorem for Maximally Elliptic Singularities	10
特 別 講 演	難 波 誠	一次系の変形論と曲線の射影同値類	

(15:30~16:30)

1. 上田英靖 (大同工大) spread relation について

$u = u_1 - u_2$ (u_1, u_2 は $|z| < \infty$ で劣調和, u は非定数) に対して,

$$N(r, u) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{+\pi} u(re^{i\theta}) d\theta,$$

$$T(r, u) = N(r, u^+) + N(r, u_2),$$

$$\rho = \limsup_{r \rightarrow \infty} \log T(r, u) / \log r,$$

$$\mu = \liminf_{r \rightarrow \infty} \log T(r, u) / \log r,$$

$$\delta(\infty, u) = 1 - \limsup_{r \rightarrow \infty} N(r, u_2) / T(r, u),$$

$$E(r, u) = \{\theta; u(re^{i\theta}) > 0\}$$

とおく。Baernstein は $\text{meas } E(r, u)$ について次の結果 - spread relation - を得た。「 $\mu < \infty, \delta(\infty, u) > 0$ ならば,

$$\limsup_{r \rightarrow \infty} \text{meas } E(r, u) > \min \left\{ \frac{4}{\mu} \sin^{-1} \left(\frac{\delta(\infty, u)}{2} \right)^{1/2}, \right.$$

$2\pi \left. \right\}$ これに関連して, 次の結果を報告する。

定理1. $\mu < \infty, \delta(\infty, u) > 0$ とする。 α を $\alpha > \mu$ および $\frac{4}{\alpha} \sin^{-1} \left(\frac{\delta(\infty, u)}{2} \right)^{1/2} < 2\pi$ を満たす任意の正数とすると。

$$\overline{\log \text{dens} \left\{ r; \text{meas } E(r, u) > \frac{4}{\alpha} \sin^{-1} \left(\frac{\delta(\infty, u)}{2} \right)^{1/2} \right\}} > 1 - \frac{\mu}{\alpha}.$$

定理2. $\rho < \infty, \delta(\infty, u) > 0$ とする。 α を $\alpha > \rho$ および $\frac{4}{\alpha} \sin^{-1} \left(\frac{\delta(\infty, u)}{2} \right)^{1/2} < 2\pi$ を満たす任意の正数とすると

$$\overline{\log \text{dens} \left\{ r; \text{meas } E(r, u) > \frac{4}{\alpha} \sin^{-1} \left(\frac{\delta(\infty, u)}{2} \right)^{1/2} \right\}} > 1 - \frac{\rho}{\alpha}.$$

2. 上部博信 (京教大) Factorization of certain, periodic, entire functions

ある種の周期整関数の, 合成を演算とした, 分解の一意性に関する結果について述べる。また, これに関連して, 次の結果も合わせて報告したい。

定理. $P(z), Q(z), k(z)$ を次の条件を満たす整関数とする; 即ち, 位数 $\rho[P(h(e^z))] < \infty$ かつ下位数 $\rho[Q(h(e^z))] < \infty$ で, $P(h(z))$ は位数が互いに素な零点を持ち, $P(h(0)) \neq 0$ とする。そして, 周期整関数

$$F(z) = P(h(e^z)) \cdot \exp[Q(h(e^z))]$$

を考え, これが

$$F(z) = f(g(z))$$

のように, 一次でない整関数 $f(z), g(z)$ に分解された

とする。このとき, 次のことが成立する:

$$f(z) = S(z) \cdot e^{A(z)}, g(z) = U(e^{z^k}).$$

但し, k は自然数かつ $A(z), S(z), U(z)$ は整関数で, ある定数 c に対して,

$$S(U(z)) = e^c \cdot P(h(z^k)),$$

$$A(U(z)) = Q(h(z^k)) - c$$

なる関係式を満たさねばならない。

なお, 上の定理において, $P(h(0)) \neq 0$ という条件は除けないことを注意しておきたい。

3. 戸田暢茂 (名工大) $T(r) \sim T(2r)$ なる関数系について

$f = (f_0, f_1, \dots, f_n)$ ($n \geq 1$) を $|z| < \infty$ での超越的な関数系, $T(r) (= T(r, f))$ をその特性関数, X を f_0, f_1, \dots, f_n の (C -係数の1次結合 ($\neq 0$)) で一般位置にあるものの集まりとする。このとき, $T(r) \sim T(2r)$ なる整関の, Hayman による特徴づけ (Acta Math, 141) の有理形関数への拡張を含めて, $T(r) \sim T(2r)$ なる関数系の特徴づけを Valiron (C.R.230) による "croissance régulière" との関係および $N(r, F_1, \dots, F_{n+1}) = \max_{1 \leq i \leq n+1} N(r, 0, F_i)$ ($F_i \in X$) と $T(r)$ との関係などにおいて調べた結果について報告する。また, $T(r) \sim T(2r)$ なる有理形関数では, $\delta(w) > 0$ なる w は漸近値であるが, この拡張についても述べる。

4. 吹田信之 (東工大・理) On subadditivity problem of analytic capacity

互に素な有界閉集合 E_1, E_2 について, それらの analytic capacity に関する不等式

$$\gamma(E_1 \cup E_2) \leq c(\gamma(E_1) + \gamma(E_2))$$

の真偽が問題となっている。ここではとくに E_1, E_2 が共に連続体の場合, $c=1$ として上の不等式が成立することを示す。

証明には (対数) 容量に関するつぎの極値問題の解を利用する。

$$F = \{f | f(z) = z + a_1/z + \dots\}$$

を正規化された単葉関数の族とするとき, f による E_1, E_2 の像の容量の和が最小になるのは f が同じ直線上にある radial slit mapping の場合である。

5. 大竹博巳 (京大・理) 極値擬等角写像の持ち上げについて

Riemann 面上の (境界に関して互いにホモトープな擬

等角写像の族の中で) 極値的な擬等角写像の被覆面への持ち上げの極値性については, Blumの結果, Strebelの例, 以外殆ど解っていない. 本講演では, この問題に関し次のような結果を報告したい.

定理. R を普遍被覆面が単位円であるような Riemann 面, \tilde{R} を, 被覆変換群が有限生成 Abel 群であるような, R の正規被覆面とする時, R 上の任意の極値擬等角写像の \tilde{R} への持ち上げは極値的である.

系. R, \tilde{R} を上記のもの, $T(R), T(\tilde{R})$ をそれぞれ, $(R, \text{id}), (\tilde{R}, \text{id})$ を始点とする Teichmüller 空間とすれば, $T(R)$ の $T(\tilde{R})$ への自然な埋め込みは Teichmüller 距離を不変にする.

6. 佐官謙一 (阪市大・理) Fuchs 群とコンパティブルな極値擬等角写像について

G を Fuchs 群, σ を実直線 \hat{R} の G 不変閉部分集合で 3 点以上含むものとする. 上半平面 U の擬等角自己同型 f で G と compatible なものに対し, そのような g で, さらに $g|_U = f|_U \sigma$ をみたすものの全体を $F(G, f, \sigma)$ であらわす. $F(G, f, \sigma)$ に属す写像の complex dilatation のノルムの下限を $k(G, f, \sigma)$ であらわす. U 上正則, integrable で $R \setminus \sigma$ 上まで連続に拡張され, そこで real な関数の全体を $A(1, \sigma)$ であらわす. 次の結果等を述べたい.

G を第二種 Fuchs 群, δ を \hat{R} と G の不連続領域の共通部分に含まれる閉 Jordan 弧, $\sigma = \cup \gamma(\delta)$, $\gamma \in G$ とする.

(1) 任意の $k, 0 < k < 1$ に対し $k(G, f, \sigma) = k(1, f, \sigma) = k$ となる f が存在する. (2) $\|\Theta_G|_A(1, \sigma)\| = 1$, ここに $\Theta_G(\varphi)$ は φ の Poincaré 級数. (3) G が有限生成 non-elementary とすると, 任意の $k, 0 < k < 1$ と任意の $\epsilon, 0 < \epsilon < k$ に対し $k(G, g, \sigma) = k, k(G, g, \Lambda(G)) < \epsilon$ となる g が存在する.

7. 佐藤宏樹 (静岡大・理) Uniformization of Riemann surfaces with nodes

1. G_0 を固定したショットキー群, $\tilde{\Sigma}_0$ を G_0 に関する固定した basic system of Jordan curves とする. このとき次の結果を得る.

定理 1. S を genus g の nodes もちの閉リーマン面とし, Σ を条件 (A) (講演中に述べる) をみたし, $\tilde{\Sigma}_0$ と compatible な S 上の basic system of loops and nodes とする. このとき S を表わす augmented Schottky space $\hat{\mathcal{S}}_g^*(\tilde{\Sigma}_0)$ の点 τ が存在する.

2. Interchange をほどこすことにより, 一般に次の結果を得る.

定理 2. S を genus g の nodes もちの閉リーマン面とす

る. このときあるショットキー群 G_0 に関する basic system of Jordan curves $\tilde{\Sigma}_0$ と S を表わす augmented Schottky space $\hat{\mathcal{S}}_g^*(\tilde{\Sigma}_0)$ の点 τ が存在する.

8. 瀧川信正 (岡山理大) Weierstrass points on compact Riemann surfaces with nontrivial automorphisms

位数 p (奇素数) の自己同型群 $\langle h \rangle$ を持つような種数 $g \geq 3$ のコンパクトなリーマン面 S を考える. h は $T > 0$ 個の不動点を持つとした商空間 $S/\langle h \rangle$ の種数は 0 と仮定する. このとき $S/\langle h \rangle$ は有理函数体 $C(x)$ と同型で, S はその P 次の巡回拡大体と考えられる. このようなリーマン面 S は $\{t_i\}$ を未知数とみた連立方程式

$$(1) \sum_{j=1}^{p-1} a_{ij} t_j = P(n_i + 1), \quad a_{ij} = ([ij/p] + 1) p^{-ij}$$

($1 < i, j < p-1$)

の非負なる整数解で特徴づけられる, ただし n_i はもちろんいくつかの条件を満たさねばならない. $T > 4$ のとき h の不動点はみなワイヤストラス点である (Lewittes) が, そのようなワイヤストラス点での空隙値列 $\{n_i\}$ により明白に表現される. さらに種数 g を固定した場合 (1) の特殊な整数解により特別な性質を持ったリーマン面を特徴づけることが出来る.

9. 辻 良平 (東京理大) 種数 3 と 4 のリーマン面の表現について

種数 3 または 4 の一般の閉リーマン面を代数関数 $f(x, y) = 0$ の定義域として表現するには, Weierstrass 点での出現数を使う方法と, Noether の定理による第一種微分のベキの間に存在する関係を使う方法との 2 種が考えられる. ここでは, それぞれの表し方と, リーマン面の moduli との関係について述べ, 付随して得られたいくつかの結果についても報告する. なお時間があれば種数 4 の閉リーマン面や, 境界付き有限リーマン面の自己等角写像の数についても触れたい.

10. 柴 雅和 (京大・理) 有限型 Riemann 面の解析写像

R_0 は種数 $g (> 1)$ の閉 Riemann 面, T は torus, \hat{C} は Riemann 球面とする. p_1, p_2, \dots, p_{g-1} を R_0 上の相異なる $(g-1)$ 個の点とし, $R = R_0 \setminus \{p_1, p_2, \dots, p_{g-1}\}$ とおく. また準同型 $\eta: H_1(R_0) \rightarrow H_1(T)$ が与えられているとする.

このとき, 次のような函数 $H(p, q)$ の存在と構成とに関する報告をしたい.

(1) R_0 上の因子 $pp_1 p_2 \dots p_{g-1}$ が特殊でないような任

意の $P \in R$ をとめるたびに, $H(p, q)$ は q の函数として $R \setminus \{p\}$ から T の上への解析写像を与える. しかも, この $H(p, q)$ は予め与えた η をひきおこす.

(2) 因子 $qp_1p_2 \cdots p_{g-1}$ が特殊ではないような任意の $q \in R$ をとめるごとに, p の函数としては, $H(p, q)$ は $R \setminus \{q\}$ から \hat{C} の上への一じつは R_0 から \hat{C} の上への一解析写像を与える. またこの際, 被覆葉数は $2g$ をこえない.

11. 米谷文男(京都工繊大・短大) Green, Neumann 関数の擬等角変形による変分公式

複素パラメーター $t (|t| < 1)$ を持つ擬等角同値な Riemann 面の族 R_t を考える. f_t を R_0 から R_t への擬等角写像, z, ζ を R_0, R_t 上の局所変数として, f_t の Beltrami 係数 $\mu(z, t)$ が次の条件を満たすものとする.

$$\mu(z, t) \text{ は } t \text{ に関し正則, } \frac{\partial}{\partial t} \mu(z, t) \text{ は有界可測, } \mu(z, 0) \equiv 0 \text{ である.}$$

この時 R_t 上の種々の関数, 微分は t と共にどのように動くであろうか. 最近 Guerrero は擬等角変形による Green 関数の変分公式を finite bordered Riemann 面上で与え, 一般の面上での成立如何を問うている.

例えば, 変分公式;
$$\frac{\partial}{\partial t} g_a^b(f_t(b)) = \frac{i}{\pi} \iint_R (g_a^b)_\zeta (g_b^a)_\zeta \mu_t \zeta_2^2$$

$dzd\bar{z} (g_a^b)$ は $f_t(a)$ に極を持つ R_t 上の Green 関数, μ の台はコンパクトで a, b を含まず.) は一般の面上で成立する. 又, Robin 定数, Neumann 関数に関する変分公式も得られる. これはある種の境界挙動を持つ有理型微分に対して成立する変分公式から導びかれる. 被覆面上分岐点が正則に動く変形は上の μ で扱える一つの例である.

12. 田頭英敏(北大・理) Harnackの距離の完備性について

Riemann 面 R の 2 点 z, w に対し

$$d(z, w) = \log \inf \{c; c^{-1}v(z) \leq v(w) \leq cv(z), \forall v \in HP(R)\}$$

によって定義される Harnack の擬距離を考える. 今, それが真の距離となるかどうかは一応おくとして, 如何なる場合に完備となり得るかを調べる.

$$B_r(z_0) = \{z \in R; d(z_0, z) \leq r\}$$

を, $z_0 \in R$ 中心, 半径 r の閉球とする. これが常にコンパクトになるのは R がどんな面である時か, という形でこの問題を取り扱う.

命題. R が理想境界成分を 2 個以上持つならば, 閉球 $B_r(z_0)$ は常にコンパクトになる.

この系として, $O_{HP} - O_C$ に属する Riemann 面は regular であるという, Myrberg の結果が導かれる.

$R \in O_{HP}$ ならば, 明らかに $B_r(z_0)$ は R 全体と一致するので noncompact になるが, この自明な場合以外に, 果たして $B_r(z_0)$ が, noncompact となる場合があるのかということに関しては,

命題. $R \in O_{HP}^2 \cap O_{HB}$ ならば, $B_r(z_0)$ に常に noncompact になる.

13. 山岡深幸(阪大・理) On the finite solvability of Plateau's problem for extreme curves

Plateau 問題に関して今なお残されている最も重要な問題のひとつである「解の個数」について得られた結果を述べる.

D を E^2 の単位開円板とし, f を E^2 の閉曲線 γ を境界値にもつ D から E^2 の中へのはめこみとする. このとき, f と同じ境界値をもち f に十分近い任意の曲面 h は,

$$F(f, u) = f + uN(f)$$

($N(f)$ は f の normal field, u は境界値 0 の実函数) と一意的に表わせる. そこで,

$$A(f, u) = \int_D |F_x(f, u) \times F_y(f, u)| dx dy$$

$$\beta(f) = D_u^2 A(f, 0)$$

と定義すれば, 次の定理が成り立つ.

定理. γ は E^2 内の $C^{1+\alpha}$ ($0 < \alpha < 1$) 級 regular extreme Jordan curve とする. このとき, $E_+(\gamma) := \{f; \gamma \text{ に対する Plateau 問題の embedded solution であって, } \beta(f) \geq 0\}$ は有限集合である.

14. 松岡長一郎(京大・理) $H^\infty(R)$ の shilov 境界におけるディレクレ問題について

リーマン面 $R \in O_{Ab}$ 上の有界正則函数環 $H^\infty(R)$ はバナッハ環をなし, その双対空間の中の state space はコンパクト凸集合をなす. その上に台を持つ表現測度の間のジョーケ順序を考察して吾々は次の結果を得た. R 上の点 P に対しシロフ境界 S を台に持つ, P の表現測度 (擬調和測度と称う) 及び正值核 $Q(z,)$ があって, 全ての $f \in H^\infty(R)$ に対し $\int f Q(z,) dv = f(z)$ を充たす. また任意の $g \in C_R(S)$ に対し $\int g Q(z,) dv$ は $\|g\| = \|\int g Q(z,) dv\|$ を充たす R 上の有界調和函数であり, ショーケ境界にまで連続的に拡張出来, 更にその上で g 自身と一致する. 即ち, シロフ境界上のディレクレ問題はこの意味で常に可解である. しかし, 平面領域においてさえ, $P \in R$ に対する擬調和測度は一般に一意でない. 吾々の結果は $H^\infty(R)$ の部

分環にも適用し得る。特に平面領域 D の $A(D)$ に関する考察から、或る種の D では、 ∂D 上の調和測度と擬調和測度が絶対不連続となっている。興味深い現象である。

15. 松岡長一郎 (京大・理) $H^\infty(D) \{D \subset C^n_{(n,2)}\}$ の Shilov 境界におけるディリクレ問題について

任意の開リーマン面 $(\in O_{k,n})$ に対し、シロフ境界上に、擬調和測度 $Q(z,)d\nu$ があり境界上の Dirichlet 問題はその積分で与えられる。これは筆者の得た結果であるが、そこで用いた手法は、 C^n 内の領域 D に対しても、そのまま敷衍される。一般化された結果は次のようである。即ち、 $H^\infty(D)$ (nontrivial とする) のシロフ境界 S 上に、擬調和測度 $Q(z,)d\nu (z \in D)$ があり、 $Q(z,)d\nu$ は各 $z \in D$ に対し $H^\infty(D)$ の表現測度である。任意の $g \in C_R(S)$ に対し、 $\int gQ(z,)d\nu$ は D 上有界調和であり、Choquet 境界にまで連続的に拡張出来る。更に g 自身とその上で一致する。

16. 原 優 (名城大・理工) On Gamelin's constants

リーマン面 R 上の有界正則関数全体を $H^\infty(R)$ とする。自然数 n と正数 δ に対して、次の条件を満たす定数 c の下限 $C_n(n, \delta)$ を Gamelin's constants と呼ぶ: $f_1, \dots, f_n \in H^\infty(R)$ が (1) $|f_j| \leq 1 (1 \leq j \leq n)$, (2) $\sum_{j=1}^n |f_j|^2 \geq \delta$, の 2 条件を満たせば (a) $\sum_{j=1}^n f_j g_j = 1$, (b) $|g_j| \leq c (1 \leq j \leq n)$, の 2 条件を満たす $g_1, \dots, g_n \in H^\infty(R)$ が有在する。

Carleson は R が単位円板のとき、Gamelin は R が有限連結平面領域のとき、 $C_n(n, \delta) < +\infty$ を示した。ここでは R が finite bordered リーマン面 \bar{R} の内部のとき $C_n(n, \delta) < +\infty$ となることを報告する。

この応用として corona 定理の成り立つ infinite genus の Parreau-Widom 型リーマン面を構成できる (Parreau-Widom 型リーマン面でも corona 定理が成り立たない例がある (中井))。これは corona 定理の成り立つ自明でない infinite genus のリーマン面の初めての例と思う。

17. 相川弘明 (学習院大・理) 半空間における非負の優調和関数の無限遠点における挙動について

半空間を $D = \{(x_1, \dots, x_p); x_1 > 0\}$ とすると D 上の非負の優調和関数 u は、 $c \geq 0$, D 及び ∂D 上の測度 μ , ν によって次の形に表わされる。

$$u(x) = cx_1 + \int_D G(y, x) d\mu(y) + \int_{\partial D} x_1 |y-x|^{-p} d\nu(y),$$

ただし $G(y, x)$ は D の Green 関数である。ここで $\{u(x) - cx_1\}/x_1$, $\{u(x) - cx_1\}/|x|$ がそれぞれ適当な除外集合を除けば $|x| \rightarrow \infty$ のとき 0 に収束することが、Lelong - Ferrand, Essén と Jackson によって示されている。この 2 つの結果を統一的に扱い次の結果を得た。

$0 < a \leq 1$ である a に対して、 $|x| \rightarrow \infty$, $x \in D \setminus E$ のとき $\{u(x) - cx_1\}/(x_1^a |x|^{1-a}) \rightarrow 0$, ここに E は $a = 0, 1$ のときそれぞれ対応する上の除外集合と一致する除外集合である。

18. 山本裕陸 (高知大・理) p 次の極値的距離に対する零集合について

$R^N (N \geq 3)$ における p 次 ($p > 1$) の極値的距離に対する零集合を Väisälä に従い NED_p 集合と呼ぶ。 E はコンパクト集合、 G は E を含む有界領域とし、 $G-E$ 上の p -precise な関数 u で、

$$\int_{G-E} |\nabla u|^{p-2} (\nabla u, \nabla \varphi) dx = 0$$

を満たす関数族を $\widetilde{HD}^p(G-E)$ で表す。ここで φ は $C^\infty(G-E)$ に入り、 ∂G の近くで 0 となり、 $|\nabla \varphi| \in L^p(G-E)$ を満たす任意な関数である。この講演では次のことが同値なことを報告する。

- (1) E は NED_p 集合である。
- (2) $\{\infty\}$ の近傍で 0 となる E^c 上の任意な p -precise 関数 v に対して

$$\int_{E^c} \frac{\partial v}{\partial x_i} dx = 0 \quad (i=1, \dots, N).$$

- (3) E は \widetilde{HD}^p に関して除去可能である。

19. 前田文之 (広大・理) 調和空間の半線形振動に関する Dirichlet 問題

(X, H) を Bauer の調和空間とし、 R を局所的に連続優調和関数の差で表される関数の sheaf, L を R の measure representation とする。局所的に L の像になる測度の sheaf を M_L で表し、一つの sheaf morphism $F: R \rightarrow M_L$ を与えて、 H を F によって振動した構造 $H^F: H^F(U) = \{u \in R(U) | Lu + Fu = 0\}$ を考える。 F は単調かつ局所リブシツ条件をみたし、 X は P -set で $\inf_{X^*} s > 0$ となる有界優調和関数 s が存在すると仮定すると、 X の任意のコンパクト化 X^* に対し H^F に関して Perron-Brelot 式の Dirichlet 問題を論ずることが出来る。ここでは、 H に関して可解な境界関数が H^F に対しても可解になるための F に対する条件について考察する。

20. 洪 植植 (日大・理工) Green関数を核とする第1種積分方程式

なめらかな曲線でかこまれた領域 D を考える. 同次境界条件 $au = b(\partial u/\partial n)$ に対する Laplace 作用素の Gneen 関数を $G(x, y; \xi, \eta)$ とする. $f(x, y)$ を境界をもふくめて C^2 級の関数とし, 第1種 Fredholm 積分方程式

$$\iint_D G(x, y; \xi, \eta) \varphi(\xi, \eta) d\xi d\eta = f(x, y)$$

を考える. θ を $a/\sqrt{a^2+b^2} = \cos \theta$, $b/\sqrt{a^2+b^2} = \sin \theta$ のようにとる. 境界上に密度が

$$-(1/2\pi) \sin \theta \{f(x, y) \cos \theta - [\partial f(x, y)/\partial n] \sin \theta\}$$

となるような一重層, およびモメントが

$$(1/2\pi) \cos \theta \{f(x, y) \cos \theta - [\partial f(x, y)/\partial n] \sin \theta\}$$

であるような二重層をおく. 与えられた積分方程式の解は $-\Delta f(x, y) +$ 上記一重層および二重層の和である.

21. 多田俊政 (大同工大) Picard 原理における境界 Harnack 原理の役割

P を $\Omega: 0 < |z| < 1$ 上の密度とする. Ω の部分領域 $\Omega_a: 0 < |z| < a (0 < a \leq 1)$, Ω_a 内の完閉集合 K , P の方程式 $Lu \equiv (\Delta - P)u = 0$ (又は, その補助方程式 $\hat{L}v \equiv \Delta v + 2V \log e \cdot \nabla v = 0$ (e は P -単位)), に対し Ω_a 上の $Lu = 0$ (又は $\hat{L}v = 0$) の有界な解に関する K の Harnack 定数を $C(K, \Omega_a, L)$ (又は $C(K, \Omega_a, \hat{L})$) と記すことにする. 各 $a \in (0, 1]$ に対し, $z=0$ と $|z|=a$ を分離する Ω_a 内の Jordan 曲線 K_a が存在して $C(K_a, \Omega_a, L) = 0(1)$ (又は $C(K_a, \Omega_a, \hat{L}) = 0(1)$) ($a \rightarrow 0$) を満たすとき, $z=0$ において L (又は \hat{L}) に関する境界 Harnack 原理が成立するということにする. $C(K, \Omega_a, L)$ の適当な評価により得られる次の2定理を報告する:

定理 1. $z=0$ における次の4つの原理はすべて同値である: P (又は \hat{L}) に関する Picard 原理 (又は Riemann の

定理), L (又は \hat{L}) に関する境界 Harnack 原理.

定理 2. $z=0$ において Picard 原理が成立する Ω 上の回転不変密度 P に対し, Ω 上 $P(z) \leq Q(z) \leq P(z) + C/|z|^2$ ($C > 0$) を満たす Ω 上の一般密度 Q に関する Picard 原理が $z=0$ において成立する.

22. 渡辺ヒサ子 (お茶水女子大・理) 関数核の掃散について

G は正の連続な関数核とする. \check{G} が優越原理を満足しどんな閉集合も nonnegligible 集合ならば, $\mu \in M_k^*$ の non-negligible compact 集合 F への G に関する掃散が可能であることはよく知られている. \check{G} が完全最大値の原理を満足するとき, どんな $\sigma \in M_k^*$ に対しても \check{G}_σ が無限遠点では0になるという条件のもとで, $\mu \in M^1$ の compact とは限らない閉集合への核 G に関する掃散が可能であることを Hahn-Banach の定理を使って証明する. また, \check{G} が優越原理を満足する場合の閉集合への掃散についても考える.

23. 二宮信幸 (阪市大・理) 対数ポテンシャルにおける掃散定数について

平面上の対数ポテンシャル

$$U^\mu(P) = \int \log \frac{1}{PQ} d\mu(Q)$$

は次の形で掃散の原理をみたしている. F が対数容量正の閉集合であるとき, 任意の正の測度 μ (ただし $\int d\mu = 1$, $U^\mu(P) \neq -\infty$) に対して, F 上の正の測度 μ' (ただし $\int d\mu' = 1$) と定数 $\gamma (\geq 0)$ が存在して, F 上対数数量 0 を除いて $U^{\mu'}(p) = U^\mu(P) + \gamma$, 他では \leq , となる. 定数 γ が消えるかどうかの問題である. 例えば, F が有界領域の補集合であるような場合にはよく知られているように消えるが, 一般には分らない. そこで無限遠で effilé という概念を設けることによって, F が無限遠で non-effilé であるならば定数 γ は常に消えることを示そう.

特別講演

谷口雅彦 (京大・理) On the geometrical structure of Abelian differentials on compact Riemann surfaces

いわゆる Jenkins-Strebel の定理 (幾何学的解釈) は, 閉リーマン面 R 上に与えられた homotopically independent な単純閉曲線の有限族 $C = \{c_i\}_{i=1}^m$ と正値ベクトル $m \in \mathbb{R}_+^m$ に対し, R 上の正則二次微分 q が正数因子を除き一意的に対応することを示している (cf. [1]). かかる q を R

上の C と m に対する J-S 微分 (または, Strebel form) といい, その水平軌道の族が R の二重連結領域への分割を与えるという幾何学的特徴をもつ. この特徴を利用することにより, J-S 微分は種々の問題に有用な手段を与える. たとえば有限型リーマン面の自己等角写像の考察や, Teichmüller 空間上の計量の研究等において, 既にいくつかの応用例が得られている (cf. [2], [3], [4]). また近年, R 上の正則二次微分の水平軌道族から得られる幾可

学的構造の集合が、(等角構造をおとせば) measured foliations という概念と同じものであることが示され、新たな展開をみせている (cf. [5], [6]). ここでは R 上の Abel 微分に対し、幾何学的観点からの考察を加えたい。議論は第三種微分まで含めることができるが、以下では簡単のため原則として正則微分に限ることにする。

まず固定された R 上の正則微分に対しては、その幾何学的構造と、周期との関係が問題になるが、今 $CA(R)$ を R 上の正則微分でその二乗が J - S 微分であるもの全体の集合とすると、次の結果は基本的である。

定理. R 上の正則微分 θ に対し、 θ の周期の虚部全体の集合が実数内で discrete ならば θ は $CA(R)$ に属する。

これは既に Accola により extremal length の問題に利用されている ([7]) が、任意の 1-cycle に対する正則周期再生微分が $CA(R)$ に属することや、 $CA(R)$ が正則微分全体のなす空間の中で dense であることなどが、この定理から容易に導かれる。一方定理の仮定を満たさないような $CA(R)$ の元を構成することは可能だから、逆は成り立たない。

なお、異なる (位相的には同じの) 閉リーマン面上では正則微分の幾何学的構造は同じ周期をもつとしても一般に等しくならない。固定された 1-cycle に対する正則再生微分についても同様である。そこで Teichmüller 空間での Abel 微分の幾何学的構造の変化を考えよう。

まず R に対する Teichmüller 空間 $Tg(g$ は R の種数) 上での正則微分の連続性の一つとして、Dirichlet ノルムに関する連続性が考えられる。これを計量的連続性と呼ぶことにすれば、 $CA(R)$ の元に対しては更に、 Tg 上での幾何学的連続性と呼べるものが定義できる。これら二つの連続性の関係として、次の結果がある (cf. [8], [9]).

定理. Tg 上で R_n が R_0 に収束するとし、各 n に対し $CA(R_n)$ の元 θ_n をとる。また C を θ_0 に対応する単純閉曲線族とする。今、

- 1) θ_n が θ_0 に計量的に収束し。
- 2) 各 n と各 $c_i \in C$ に対し、 θ_n の c_i 周期は実数とすると、 θ_n は θ_0 に幾何学的に収束する。

なお、かかる定理はいわゆる augmented Teichmüller 空間上に拡張することができるが、このときは、1), 2) のほかに、更に仮定をつけ加えなければ (一例をあげれば $\limsup \|\theta_n\| \leq \|\theta_0\| < +\infty$) 主張は成り立たない。第三種微分への拡張の場合も同様である。

注意. 計量的連続性に関しては、一般のリーマン面上の Abel 微分に対しても自然に定義を拡張することができ、種々の変分公式を導くための足がかりとなる (cf. [10] - [13] など)。

最後に応用として、一つの非分離単純閉曲線 C に対応する正則周期再生微分 $\theta_{c,R}$ の二乗が c に homotopic な閉軌道をもつような $R \in Tg$ 全体の集合 Sc を考える。(Sc は単連結領域である。) かかる $R \in Sc$ に対してはその幾何学的特徴から $\theta_{c,R}$ は一意的に定まる $Tg_{g-1,2}$ 上の点 R' の第三種基本微分と自然な対応がつくが、かかる R から R' への対応を F_1 とする。また実部、虚部がそれぞれ $\theta_{c,R}$ の構造の c に関する twisting, pinching を示す S_c から $U = \{Imz > 0\}$ への函数とすると、 $F = (F_1, F_2)$ は S_c から $Tg_{g-1,2} \times U$ 上への同相写像であることがわかる。

この写像 F は Schiffer によるハンドルをつける変分 (cf. [14]) の一般的記述を与えていて、 c のみを node としてもつような Tg の境界点の集合上まで拡張された F による位相は正規微分等の計量的連続性と深く関連している。 ([15]).

References.

- | | |
|--|--|
| [1] K. Strebel, Lecture notes, Minnesota (1967). | [10] L. Ahlfors, Analytic functions, Princeton (1960). |
| [2] M. Taniguchi, J. Math. Kyoto Univ. 17 (1977). | [11] Y. Kusunoki and M. Taniguchi, Ann. Acad. Sci. Fenn. 5 (1980). |
| [3] S. Wolpert, Pacific J. Math. 61 (1975), and 70 (1977). | [12] Y. Kusunoki, Hokkaido J. Math, to appear. |
| [4] H. Masur, Ann. of Math. 102 (1975). | [13] M. Taniguchi, Proc. Japan Acad. 56 (1980). |
| [5] J. Hubbard and H. Masur, Acta Math. 142 (1979). | [14] M. Schiffer and D. Spencer, Princeton Univ. Press (1954). |
| [6] S. Kerckhoff, Topology 19 (1980). | [15] M. Taniguchi, J. Math. Kyoto Univ. 19 (1979); II, 21 (1981). |
| [7] R. Accola, Proc. Acad. Sci U. S. A. 46 (1960). | |
| [8] M. Taniguchi, Japan J. Math. 4 (1978). | |
| [9] M. Taniguchi, to appear. | |

24. 竹腰見昭 (京大数理研) 擬凸領域での弱消滅定理と弱有限性定理

M を n 次元複素多様体, X を M 上の相対コンパクトな領域とする.

定義. 次を満たす時, X を擬凸境界 ∂X をもつ領域という. 1) ∂X の近傍 V と V 上の C^∞ -関数 p が存在して $X \cap V = \{p < 0\}$ かつ ∂X 上 $dp \neq 0$ を満す. 2) ∂X の任意の点 z に対し, z の近傍 U で $U \cap X$ がスタインであるものが存在する. この時次が成立する.

定理. 1) M はケーラー多様体で $B^{-\infty}M$ は M 上の正則直線であって, $\bar{X} = XU \cap \partial X$ の近傍で非負かつコンパクト集合 $K \subset X$ を除いて正とする. この時, 制限写像 $H^p(M, Q(B \otimes K_x)) \rightarrow H^p(X, Q(B \otimes K_x))$ は自明である.

2) $B^{-\infty}M$ は上と同様とし, ∂X の近傍で正とする. この時, 制限写像 $H^p(M, Q(B \otimes K_x)) \rightarrow H^p(X, Q(B \otimes K_x))$ の像は有限次元である. ($p \geq 1$ かつ 1) において X は連結とする.)

25. 上田哲生 (京大・理) 正則写像の iteration に関する一定理

X を 2 次元複素多様体, T を X の正則自己同型写像, $p_0 \in X$ を T による不動点とする. p_0 の周りの局所座標系 (z, w) , $(z(p_0), w(p_0)) = (0, 0)$, によって T は

$$\begin{cases} x(T(p)) = x(p) + \sum_{i+j=2} a_{ij} z(p)^i w(p)^j \\ w(T(p)) = bw(p) + \sum_{i+j=2} b_{ij} z(p)^i w(p)^j \end{cases}$$

ただし, $0 < |b| < 1$, $a_{20} \neq 0$, の形をとるとする.

このとき, $D = \{p \in X \mid T^n(n=1, 2, \dots)$ は点 p の周りで p_0 に一様収束する} とおくと, D 上の正則関数 φ と ψ があって, 写像 (φ, ψ) は D から C^2 の上への双正則写像を与える. さらに φ は関数方程式 $\varphi(T(p)) = \varphi(p) + 1$ をみたす.

単射正則写像 $x: C \rightarrow X$ で $x(0) = p_0$, $Tx(\xi) = x(b\xi)$ をみたすものが存在する (Poincaré) が, $\Gamma = X(C)$ は D の境界に含まれる. また, $\varphi(p) = c$ で与えられる曲線を Γ_c とおくと, $\text{Re}(c) \rightarrow +\infty$ のとき, Γ_c は Γ に広義一様収束する.

26. 西村保一郎 部分多様体において縮小的な, 正則自己同型

X を n 次元複素多様体, Y をその余次元 m の連結閉複素部分多様体, $T: X \rightarrow X$ を Y の各点を不動にする X の正則自己同型とする. $p \in Y$ における T の関数行列の Y に横断的な方向の固有値 $\lambda_1(p), \dots, \lambda_m(p)$ が p のまわりの座標に依らずに定まるが, $\forall p \in Y, 1 \leq \forall j \leq m$ に対して $|\lambda_j(p)| < 1$ の時, T は Y において縮小的と言おう. この時, Y の近傍の座標系を適当に取り, それにより, T

を標準的に表わすことを問題とする. $m=n$ の時, $Y = \{p\}$ のまわりで, T が C^n の多項式自己同型の形に書けるという結果 (L. Reick) の $m \leq n-1$ への拡張という訳である. $m=1, 2$ の場合の結果を述べる. 応用として, 次の 2 つの 1 対 1 正則写像 $i: C^2 \rightarrow C^2$ の存在がわかる. (1) x 軸の近傍 U を適当にとると, $i(C^2) \subset C^2 - \bar{U}$. (2) i は: $x_j' = x_j \exp f_j(x)$ ($f_j(x)$ は C^2 で正則, $j=1, 2$) と書けて, $i(C^2) \neq C^2$, $i(C^2) \supset \{x \text{ 軸}, y \text{ 軸}\}$.

27. 近藤誠造 (京府大生科) C^2 における固有面の配列の構成についての一注意

以前に単位円盤 2 つの直積領域での固有面の配列のいくつかの例の構成について発表した. 今回はそれらが C^2 においても構成できることを注意する. 構成法は西野 [J. Math. Kyoto Univ. 1968] による (Fatou-Bieberbach の写像を使う) 方法に non analytic の配列にも適用するものである. 結果: C^2 においてそれぞれ次の性質をもつ固有面の配列 S が構成できる. ここで Σ は S の固有面いくつかの和として表わされる固有面とする.

- 例 1. S は Σ 上の各点で normal 性がやぶれる.
- 例 2. S は C^2 で normal で $C^2 - \Sigma$ で analytic だが Σ 上の各点の近傍で連続なパラメーターが入らない.
- 例 3. S は C^2 で locally analytic で C^2 で global な連続開写像な関数が S 上で存在できるが C^2 で global meromorphic な関数は S 上に存在できない.

28. 古島幹雄 (九大・理) Polynomial automorphism of finite order in C^2

次の問題が肯定的であることを示す. 「 g を C^2 の位数 $n < +\infty$ の多項式自己同型とする. その時, 適当な多項式自己同型により, g は線型変換に共役とできる. 証明は n が素数 p のときを示せば, 一般の場合はそれに帰する. g の不動点集合を K とし, $d := \dim_{\mathbb{R}} K$ とおく, (i) $d=2$ のとき, K は C と同型な非特異代数曲線となる. あとは, 鈴木の結果を用いる. (ii) $d=0$ のとき, $G := \langle g_x; 0 \leq k \leq p-1 \rangle$ とし, C^2/G の minimal normal compact 化を X とし, $A := X - C^2/G$ とおく. 西野-鈴木の結果より, A は 7 つの型に分類される. A の管状近傍の境界の基本群が \mathbb{Z}_p であることに注意すると, A のグラフは $\overset{n_1}{\bullet} \text{---} \overset{n_2}{\bullet} \text{---} \dots \text{---} \overset{n_b}{\bullet}$ ($\max \{n_1, n_2, n_b\} \geq 0$, $\bullet \simeq P^1$) Kodaira Spencer により, C^2 に g -不変な $(0, 1)$ 型又は $(0, 2)$ 型の多項式の存在が分かる. あとは, 若林, 斎藤の結果を用いる.

29. 吉岡恒夫 (奈良女大・理) 評価を伴う正則函数の拡張

整関数に関する 1948 年の Leontev 氏の結果 ($m=n=1$) と 1979 年の西村保一郎氏の結果 ($m=1, n$: 任意) を, 1980 年秋の学会で報告した cohomology with bounds の定理を用いて一般化する.

定理. $\Omega: \mathbb{C}^n$ 内正則域; $\Phi: \Omega$ の多重劣調和関数のある条件をみたす族; $F_1, \dots, F_m: \Omega$ の正則関数 ($1 \leq m \leq n$); $X: F_i$ の共通零点集合; $g: X$ 上の正則関数とする. ある $\alpha, \beta, \gamma \in \Phi$ に対し, 次の 3 条件

$$|F_i| \leq e^\alpha \quad (i=1, \dots, m);$$

$$|dF_1 \wedge \dots \wedge dF_m| \geq e^{-\beta} \quad \text{on } X;$$

$$|g| \leq e^\gamma \quad \text{on } X$$

が成立つものと仮定する. この時, Ω で正則な関数 G で $G|_X = g, |G| \leq e^\alpha$ in Ω をみたすものが存在する. ただし φ は g によらない Φ の元である.

位数有限の整関数を扱う場合は $\Phi = \{c(|z|^\rho + 1) | c: \text{const} \geq 1\}$ とする. 一般領域にも有意の Φ がある.

30. 斉藤絃子 (阪府大) 特殊型の二変数有理関数

P^2 における有理関数を R とする. (R の不定点の集合を e とし $\pi: \tilde{S}_a \rightarrow S_a$ を S_a の正規化とすると, \tilde{S}_a の種数が 0, $\pi^{-1}(e)$ が n 個の点からなるとき, S_a は $(0, n)$ type という.) (値 a に対して $R-a=0$ で与えられる P^2 の曲線の既約成分 S_a を素な面という.) R のほとんどすべての素な面が $(0, n)$ type のとき, R を $(0, n)$ type という. $n=1, 2$ のとき, 特殊型という. ここに $(0, 1)$ type の関数が決定される. R を原始的とすると, 二つの type のいずれかである. R の重複度の高い面は, ① 高々一つ, ② 丁度二つ. ① は $(0, 1)$ type の多項式となり, ② はその重複度の最小の関数は, $(yx^4 - 2y^2x^2 + 2x^2 + y^3 - 2yx + 1)^2 / (y-x^2)^5$ である. 一般にこの R に対して, 不定点一つの $(0, 2)$ type の随伴関数をつくることによって, 重複度を下げることが出来, その最小が上の関数である.

31. 平井悦子 (京産大・理) Sur la fonction caractéristique de la fonction partiellement elliptique

x 平面の領域 Δ と y 平面 C との直積領域に有理型関数 $f(x, y)$ が与えられており, Δ の一般な点に x を固定すると $f(x, y)$ が y の楕円関数になるとする. このとき, $f(x, y)$ が楕円関数になるような x に対応するその楕円関数のモジュール $\varphi(x)$ は解析接続によって Δ 全体で高々有理型関数になる. 逆に Δ で有理型な任意の関数 $\varphi(x)$ を与えれば, 一般な x で $\varphi(x)$ をモジュールにする楕円関数 $f(x, y)$ が x と y の有理型関数として作れる. 以上が主な結果である.

32. 山口博史 (滋賀大教育) 開リーマン面の動きの同値性について

D は, $\Delta \times C (\Delta = \prod_{i=1}^n \{|z_i| < \rho_i\}, C = \{|w| < \infty\})$ 上

の被覆領域, D の境界 ∂D は実解析的, $z \in \Delta$ 上の D 及び ∂D の部分を各々 $D_z, \partial D_z$ と書く. D は位相的に $\Delta \times (D_0 \cup \partial D_0)$ に同値と仮定し, $x=2p+q-1$ ($p: D_0$ の種数, q : 境界要素の数) と置く. ∂D が $\Delta \times \partial D_0$ (resp. D が両面擬凸状, resp. D が擬凸状) の時, $D \in (F)$ (resp. (L) , resp. (L^*)) と呼ぶ. 明に $(F) \subset (L) \subset (L^*)$. $D \in (F)$ に対し, z に関して非定数分岐面の (分岐度をこめての) 数を m と記す.

次が言える: (1) $D \in (F)$, $2m < x$ ならば, 任意の $\tilde{D} \in (L^*)$ s.t. $D_z \sim \tilde{D}_z$ as Riemann surfaces for $\forall x \in \Delta$, は常に D に解析的に同値: $D \approx \tilde{D}$. (2) $D, \tilde{D} \in (F)$, $D_z \sim \tilde{D}_z$ for $\forall z \in \Delta$, 且つ $m + \tilde{m} < 2x - 2$ ならば $D \approx \tilde{D}$. 尚, $m + \tilde{m} = 2x$ の時に反例有り. (3) $D = \bigcup_{k=1}^{\infty} (D^{(k)}, \Delta^{(k)})$ を多様体 $M = \bigcup_{k=1}^{\infty} \Delta^{(k)}$ 上の, $D^{(k)} \in (L)$ の作る holomorphic family とする. もし M が単連結で且つ楕円型と仮定すれば D は直積に解析的に同値: $D \approx M \times D_0^{(1)}$.

33. 濃野聖晴 (福岡大) Polyanalytic functions の分離正規族の正規性について

$f(z) = f(z_1, \dots, z_n)$ を n 次元複素空間 C^n の領域 D で定義された関数とする. $f(z)$ が実 $2n$ 変数の関数として無限回連続微分可能で, $\frac{\partial^{m_k} f}{\partial z_k^{m_k}} = 0$ ($k=1, \dots, n$) をみたすとき, (m_1, \dots, m_n) -polyanalytic function という. T. Nishino [J. Math. Kyoto Univ. 4 No. 2 (1965), 255-282] は「 C^2 の領域で定義された正則関数の族が各変数毎に正規であれば, 正規である。」ことを示した

本講演の目的はこの定理を Polyanalytic functions の族に拡張することにある. すなわち, **定理:** F を C^2 の領域 $D \times G$ で定義された polyanalytic functions の族で次の (a) (b) をみたすものとする. (a): 各 $z \in D$ に対して, F は G で正規, (b): 各 $w \in G$ に対して, F は D で正規である. このとき, F は $D \times G$ で正規である.

34. 高瀬正仁 (九大・理) 内分岐域の正則包の新しい構成法

内分岐域の正則包はこれまで R. Iwahashi, H. Kerner 等によって幾何的方法で構成されているが, ここでは解析接続の視点からの構成法を与える. そのために, 多変数解析接続の代数特異点の概念を正確に記述する. また

同じく解析接続の視点から、内分岐域の有理型包も一挙に構成できることを示す。

35. 高瀬正仁 (九大・理) 正則関数の局所系について
座標系 (z) 付きの複素 Euclid 空間 C^n の単葉域 δ と δ 上の有限個の正則関数の順序付きの系 $(f) = (f_0, f_1, \dots, f_k)$ との組 $((f), \delta)$ を正則葉といい、正則葉の集まり Σ を正則関数の局所系という。ここでは、まず、内分岐域の正則包は特殊な型の局所系として把握されることを示す。次に、「parameter の局所変換とそれに伴う解析接続」を行なうことによって、完備局所系と言われる特殊な型の局所系が得られるが、それは解析関数の global を姿を与えていると考えられることを示す。

36. 城戸 清 (久留米大付設) Regular な被拡張領域の Stein 性について

Kajiwar は 2 次元 Stein 多様体 S の部分領域 Ω が、0 でない行列 B に対して、 B -regular であれば、 Ω は Stein である事を示した。ここでは、上の結果を S 上の被拡張領域 Ω に一般化したい。

37. 柿並健次 (日向学院), 城戸 清 (久留米大付設), 谷 春一 (塩野義製薬) Palamodov-Shiga の問題について

Kajiwar は 2 次元 Stein 多様体の部分領域 Ω に対して岡の原理が成立すれば、 Ω は Stein であることを示した。Shiga は Grauert の定理の逆が成立するかと云う、問題を提起している。更に、Palamodov も Punctured polydisc に対して、岡の原理が成立するかと云う問題を提起している。これらの問題について、若干の注意をしたい。

38. 望月 望 (東北大・教養), 荷見守助 (茨城大・理) Fejér-Riesz 不等式とその高次元擬等角正則写像への応用

単位円板上での Fejér-Riesz の不等式とその等角写像への応用は周知であるが、これらの高次元への単純な拡張を試みる。定理 1. $B = \{z \in C^n : \|z\| < 1\}$ を n 次元超球、 L を 0 を通る C^n 内の実超平面、 ∂B 及び L 上の面積素を $d\sigma$ とすれば、任意の $f \in H^p(B)$ ($0 < p < \infty$) に対し、

$$\int_{B \cap L} |f|^p d\sigma \leq \frac{1}{2} \int_{\partial B} |f(\xi)|^p |\xi \cdot \bar{w}| d\sigma(\xi), \quad \text{但し,}$$

$w \in C^n, \|w\| = 1$ は R^{2n} で L と直交するベクトルである。

定理 2. $F = (f_1, \dots, f_n)$ が \bar{B} から C^n の中への正則な位相同型写像で、 $K \geq 1$ に対し $\|\partial F / \partial z_k\| \leq K |\det JF|$ を満たすとする。但し、 JF は F の複素 Jacobi 行列である。

このとき、 F による像の $2n-1$ 次元体積について次が成立つ： $\text{vol}(F(B \cap L_n)) \leq \frac{1}{2} K^{2n} \cdot (1 + (2n-1) \alpha_K)^{1/2} \text{vol}(F(\partial B))$ 。但し $L_n = \{z = (z_1, \dots, z_n) \in C^n : \text{Im} z_n = 0\}$; $0 \leq \alpha_K < 1$ は $K^{-4n} = (1 - \alpha_K)^{2n-1} (1 + (2n-1) \alpha_K)$ を満たす。 L_n を一般の L で置きかえるときは、 K の代りに $K(1 + (2n-1) \alpha_K)^{1/2}$ を使う。

39. 鈴木正昭 (富山大・理) Holomorphic curvature of intrinsic metrics

B. Wong (Proc. A. M. S. 65) は複素多様体上の Finsler metric が class C^2 であるときその正則曲率を定義している。しかしながら Carathéodory metric や Kobayashi metric は一般には連続または上半連続でしかない。ここでは上半連続な Finsler metric に対し正則曲率を別のやり方で定義しなおし、Wong と同じ結果がえられることを示す。命題. 複素多様体 M が C -hyperbolic ならば C -metric の正則曲率 $S \leq -4$ 、 K -hyperbolic ならば Kobayashi metric の正則曲率 $S \geq -4$ 。その他応用として Burbea の generalized lower Hessian との関係についてのべる。

40. 東川和夫 (富山大・理) normal j -algebra の admissible form について

(G, j) を normal j -algebra とする (cf. Pyatestkii Shapiro, Godon and Breach, 1969, P. 51)。 (G, j) の admissible form ω に対して $\langle X, Y \rangle_\omega := \omega[jX, Y]$ は G の Hermite 内積を決める。 $N := [G, G]$, $A := (\langle \cdot, \cdot \rangle$ に関する N の直交補空間) とする。 $r := \dim A$ を (G, j) の rank という。 N の root 空間分解を次のとおりとする： $N = jA + B + jB + C$, $jA = \sum_{k=1}^r N_{\epsilon_k}$, $\dim N_{\epsilon_k} = 1$ ($k=1, \dots, r$), $B = \sum_{1 \leq k < l < r} N_{\epsilon_k - \epsilon_l/2}$, $C = \sum_{k=1}^r N_{\epsilon_k/2}$ 。このとき $X_k \in N_{\epsilon_k}$ で $X_k \neq 0$, $[jX_k, X_k] = X_k$ となるものが一意に決まる。 (G, j) から定義される Siegel 領域を $S, \langle \cdot, \cdot \rangle_\omega$ から定義される S 上の invariant Kähler metric を h_ω とする。

定理. (i) $\omega \in G^*$ は $\omega|_{B+jB+C} = 0$, $\omega(X_k) > 0$ をみたせば常に admissible である。(ii) $\omega \in G^*$ を admissible としたとき h_ω は $\omega(X_k)$ の値だけで決まり、次は同値：(a) h_ω は Bergman metric に相似、(b) h_ω は Einstein、(c) $(\omega(X_1), \dots, \omega(X_r))$ は (b_1, \dots, b_r) と相似。ただし、 $b_k := (\text{Trace}(\text{ad } jX_k - j \text{ ad } X_k))/2$ 。

41. 西野利雄 (九大・工) 2 次複素多様体上の compact curve の holomorphic family について

M を 2 次元の複素多様体、 V を M の完全内部にある領域、 L を複素平面上の単位円とし、解析写像 $\pi: V \rightarrow L$ が

V で compact curve の holomorphic family を定義しているとする。\$l_0\$ を L の \$\theta\$ 方向の半径: \$re^{i\theta}\$, \$0 \le r < 1\$ とし, \$\tilde{F}_0 = \pi^{-1}(l_0)\$ とする。このとき区間 \$I = [0, 2\pi]\$ に高々測度 0 の集合 \$e\$ があって, \$\theta \in I - e\$ ならば, \$F_\theta\$ は normal family になる。

42. 西野利雄 (九大・工) ある種の compact curve を含む 2 次元複素多様体について

2 次元複素多様体 M にある種の条件を満たす compact curve C があれば, C の近傍に C を含む compact curve の holomorphic family が存在することはよく知られている。ここでは先に述べた事実を使って, この family を M の完全内部ではどこ迄も延長することができることを示す。このことは M が compact なとき, 又は擬凸状なとき, 上のような C があれば M 全体で有理型な函数または正則な函数が存在することを意味する。

43. 宮嶋公夫 (鹿児島大教養) 正則写像の対数的変形について

X, Y を複素多様体 (X: コンパクト), C を X の simple normal crossing subvariety, \$f: X \to Y\$ を正則写像とする。

定義. 3 つ組 \$(X, C, f)\$ の対数的変形族とは, 次の性質を持つ 5 つ組 \$(x, e, \Phi, \pi, T)\$ を言う。(1) \$(x - e, x, e, \pi, T)\$ は \$(X - C, X - C)\$ の対数的変形族。(2) \$(x, \Phi, \pi, T)\$ は Y への正則写像 \$f\$ の変形族。

3 つ組 \$(X, C, f)\$ の対数的変形の特性類空間は \$H^1(x: Lc)\$ となり, 次の存在定理が成立する。但し, \$H^1(x: Lc)\$ は複体 \$Lc: o \to \Theta_x(\log) \xrightarrow{df} f^* \Theta_y \to o\$ に関する \$i\$ 次 hypercohomology を表す。

定理. 任意の 3 つ組 \$(X, C, f)\$ に対し, その対数的変形の倉西族が存在する。そのパラメータ空間は, ある正則写像 \$h: H^1(x: Lc) \to H^2(x: Lc)\$ の核として実現される。特に, \$f\$ が非退化の場合は, 倉西族は universal 族である。

44. 宮嶋公夫・坪井昭二 (鹿児島大教養) 通常特異点の equisingular 変位について

W を 3 次元コンパクト複素多様体, S を通常特異点のみを持つ W 内の超曲面とする。S の W 内での equisingular 変位に関し, S が W 内で semi-regular の場合には smooth なパラメータを持つ effectively parametrized な極大族の存在が小平により, 更に一般に, universal 族の存在が難波により示されている。ここでは, 正則写像の対数的変形族を利用して effectively parametrized な universal 族が構成できる事を示す: 適当なモノイダル変換の

列 \$\sigma: \widehat{W} = \widehat{W}_2 \xrightarrow{\sigma_2} \widehat{W}_1 \xrightarrow{\sigma_1} W\$ により, \$D = \sigma^{-1}(S)\$ は simple normal crossing とできる。

命題. S の W 内の equisingular 変位の関手と, \$(\widehat{W}, D, \sigma)\$ の対数的変形の関手は同型

この命題により, 3 つ組 \$(\widehat{W}, D, \sigma)\$ の対数的変形に関する存在定理より, 次の存在定理が導かれる。

定理. S の W 内での equisingular 変位の effectively parametrized な universal 族が存在する。

45. 鈴木正彦 (筑波大数学) Normal forms of quasihomogeneous functions with inner modality equal to five

Arnol'd の分類に続いて inner modality = 2, 3, 4 の孤立臨界点をもつ quasihomogeneous functions を分類した (Inventiones Math. 55, 1979)。ここで inner modality = 5 の分類を与える。次の命題が key である。

命題. 孤立臨界点をもつ quasihomogeneous function \$f\$ に対して, inner modality \$(f) \le 5\$ ならば, corank \$(f) \le 4\$ で, かつ inner modality \$(f) = m\$ である必要十分条件は \$\# \{(i_1, \dots, i_k) \in \mathbb{N}^k \mid \sum_{j=1}^k i_j r_j \le d - 1\} = m\$。但し, \$k = \text{corank}(f)\$ かつ \$d = k - 2 \sum_{j=1}^k r_j\$ とする。

定理. inner modality = 5 の quasihomogeneous functions は次で与えられる: \$E_{36}, E_{37}, E_{38}, J_{34}, W_{27}, W_{29}, W_{30}, Z_{33}, Z_{35}, Z_{36}, Z_{37}, N_{26}, N_{28}, Q_{32}, Q_{34}, Q_{35}, Q_{36}, S_{26}, S_{28}, S_{29}, U_{20}^*, U_{24}, V_{23}^*, V_{24}^*, V_{22}^*, V_{24}^1, V_{24}^2, O_{16}, O_{20}, O_{21}, O_{22}\$。この記号は Arnol'd のものに準ずる。

46. 大柳茂樹 (筑波大・数学) A Theorem for Maximally Elliptic Singularities

ここでは, 弱楕円型特異点 \$(V, p)\$ を考える。Laufer は, 最小楕円型特異点によって幾何種数 = 1 のグレンスタイン特異点を特異点除去の双対グラフから判定した。最近, Yau は, この拡張として, 双対グラフの elliptic sequence を用いて, 最大楕円型特異点を導入, これが, グレンスタインである事を示した。elliptic sequence は, 可縮な curves \$B_1, \dots, B_l\$ と, 夫々の基本サイクル達で構成される。\$(V, p)\$ が最大楕円型るとき終項 \$B_l\$ は, 最小楕円型にブロー・ダウンされる。\$(V_i, p_i)\$ を \$B_i\$ をブロー・ダウンして出来る特異点とする。(因に, これらも, 総て, 弱楕円型である)。今回, 次を報告する。元の \$(V, p)\$ が最大楕円型特異点であるならば, \$(V_i, p_i)\$ も総て, 最大楕円型, 即ち, グレンスタインである。

難波 誠 (東北大・理) 一次系の変形論と曲線の射影同値類

§ 1. 曲線の射影同値類の集合

\mathbf{P}^r を r 次元複素射影空間とする. $r \geq 2$ として \mathbf{P}^r 内の reduced, irreducible curve C が non-degenerate とは, いかなる hyperplane にも C が含まれない事を意味する. $\bar{N}_{g,d}^r$ を \mathbf{P}^r 内の degree d , (non-singular model の) genus g なる non-degenerate curves 全体の集合となる. いかなる g, d, r に対し, この集合が空でないか, と言うむずかしい問題が生ずるが, ここでは, それにはふれない. $C_1, C_2 \in \bar{N}_{g,d}^r$ に対し, C_1 と C_2 が射影同値, $C_1 \sim C_2$, とは, \mathbf{P}^r の自己同型 $b \in \text{Aut}(\mathbf{P}^r)$ が存在して, $b(C_1) = C_2$ となることとする. $N_{g,d}^r = \bar{N}_{g,d}^r / \sim$ とおく. 我々の最初の目的は $g \geq 1$ の時, $N_{g,d}^r$ に complex space の構造を入れることである. このことは, 古典的には, Severi [5] あたりに見られるが, 我々の方法 [4] は, 一次系の変形論による.

§ 2. 一次系の変形論

T を complex space とし, $\{V_t\}_{t \in T}$ を compact complex manifolds (の複素解析) 族とする. $\{F_t\}_{t \in T}$ を, その上の line bundles の族とする. $r \geq 0$ を固定して, G_t^r を complete linear system $|F_t|$ の r 次元 linear subsystems 全体のなす Grassmann variety とする. ($\dim |F_t| < r$ なら空集合.) $G^r = \cup_t G_t^r$ (disjoint union) とおく. この時 G^r は complex space となる. 局所的には, Kodaira-Spencer-Kuranishi 型変形論で構成し, それを patch up するのである. 自然な proper holomorphic map $G^r \rightarrow T$ が生ずる.

§ 3. Complex space $M_{g,d}^r$

1°: $g \geq 2$ の時. $T_g = \{V_t\}_{t \in T_g}$, Γ_g をそれぞれ, genus g の compact Riemann 面の Teichmüller space, Teichmüller family, Teichmüller modular 群とする. $r \geq 0$ を固定して, put

$$\begin{aligned} G_d^r(V_t) &= \{V_t \text{ 上, } \dim=r \text{ degree } d \text{ の linear systems} \}, \\ F_d^r(V_t) &= \{G_d^r(V_t) \text{ の元で, fixed point をもつもの} \}, \\ G_{g,d}^r &= \cup_{t \in T_g} G_d^r(V_t), \text{ (disjoint union).} \\ F_{g,d}^r &= \cup_{t \in T_g} F_d^r(V_t), \text{ (disjoint union).} \end{aligned}$$

この時, § 2 によって, $G_d^r(V_t)$, $G_{g,d}^r$ は, complex spaces になり, $F_d^r(V_t)$, $F_{g,d}^r$ は, それぞれの complex subspaces となる. (例えば, $G_d^r(V_t)$ は, V_t の d -th symmetric product と自然に biholomorphic. また, $G_{g,d}^r$ は, 非特異で $\dim = 2d + 2g - 5$.) Γ_g は自然に $G_{g,d}^r \setminus F_{g,d}^r$ に act しているが, この action が properly discontinuous である事が容易にわかる. 商空間 $M_{g,d}^r = (G_{g,d}^r \setminus F_{g,d}^r) / \Gamma_g$ は, complex space となる. これは, 集合としては genus g の compact

mpct Riemann 面 V と, V から \mathbf{P}^r への non-degenerate holomorphic map f of degree d の pair (V, f) の '集合' を同値関係で割ったものと同一視される. ここに, f が non-degenerate とは, image curve $f(V)$ が non-degenerate となることで,

degree of $f = (\deg. f(V)) \cdot (\text{mapping deg. } f: V \rightarrow f(V))$ また, (V_1, f_1) と (V_2, f_2) が equivalent, $(V_1, f_1) \sim (V_2, f_2)$, とは, 双正則同型 $a: V_1 \xrightarrow{\sim} V_2$ と, $b \in \text{Aut}(\mathbf{P}^r)$ が存在して, $f_2 \circ a = b \circ f_1$ となることとする.

さて, $r \geq 2$ として, このような (V, f) の同値類のうち f の image curve $f(V)$ への birational map $f: V \rightarrow f(V)$ を与えるようなもの全体は, $M_{g,d}^r$ の (Zariski) open set をなし, これが, § 1 の $N_{g,d}^r$ と自然に同一視される. このようにして, $N_{g,d}^r$ に, complex space の構造が入られる.

なお, 自然な holomorphic map

$$\pi: M_{g,d}^r \rightarrow M_g = T_g / \Gamma_g$$

がある. ここに, M_g は, genus g の compact Riemann 面の moduli space である. その点 $t \pmod{\Gamma_g}$ での fiber は, $(G_d^r(V_t) \setminus F_d^r(V_t)) / \text{Aut}(V_t)$ と同一視される.

2°: $g=1$ の時, この場合の $M_{g,d}^r$, $N_{g,d}^r$ の構成は極めて容易である. 結果を言えば, $M_{g,d}^r$ は, 次元が $(r+1)(d-1-r)+1$ の connected normal complex space となり, $N_{g,d}^r$ は, その (Zariski) open subspace となる.

自然な, surjective holomorphic map

$$\pi: M_{g,d}^r \rightarrow M_1 = \mathbf{H} / \Gamma_1$$

が存在する. (\mathbf{H} は上半平面, $\Gamma_1 = \text{SL}(2, \mathbf{Z}) / \pm 1$) 3°: $g=0$ の時, 一般には, $M_{g,d}^r$, $N_{g,d}^r$ は, Hausdorff space にすらならない. これは, 困った事であるが, 逆に言えば \mathbf{R}^r 内の有理曲線をしらべるのは, むずかしいが, すこぶるおもしろい事を示しゅんしている. 実際, $r=2$ として「平面有理曲線は, どんなものがあるであろうか, 特異点の形は?」は, 困難で興味深い.

飯高一上野-浪川 [2] を参照.

注. compact complex manifolds 間の holomorphic maps の変形論は, 堀川 [1], 宮崎 [3] により (その局所理論が) 完成されたが, 我々の観点 [4] は彼等のと, 若干ことなる.

§ 4. $\pi: M_{g,d}^r \rightarrow M_1$ の fibers

かくて, complex spaces $M_{g,d}^r$, $N_{g,d}^r$ ($g \geq 1$ が構成された) が, これはあくまでも general theory であって, これだけでは, \mathbf{P}^r にいかなる curves があるのか, 少しもわからない. 今, 特別の場合として, $g=1, d=4, r=2$ とし

て, $\pi: M_{1,4}^2 \rightarrow M_1$ の各 fiber の各点を調べよう. このことはすなわち,

{degree 4 の plane elliptic curves} / ~

を調べることになる. ここで用いられる手法が, ある程度, 一般の場合にも適用されるのではないかと期待する.

§ 5. Abelian varieties の場合

今までの事を, 曲線でなく, 高次元の varieties の場合に拡張しようとする, いくつかの点で, むずかしい障害に出合う. しかし, Abelian varieties にかぎると全てがうまくゆく.

Def. \mathbf{P}^r 内の n 次元 non-degenerate, reduced, irreducible variety X が 'Abelian variety' of type $\Delta = (d_1, \dots, d_n)$

($d_j > 1$) とは, Abelian variety (通常の意味の) V と birational map $f: V \dashrightarrow X$ が存在して, X の hyperplane cut を f で引きもどした V の divisor の決める line bundle の Chern class の単因子が d_1, \dots, d_n であること.

(この Def. における V が unique up to biholomorphisms であることに注意.)

このような X 全体の集合を \tilde{A}_Δ^r とする. これの 2 元 X_1, X_2 が射影同値 ($X_1 \sim X_2$) とは, $b \in \text{Aut}(\mathbf{P}^r)$ が存在して, $b(X_1) = X_2$ となること. Put $A_\Delta^r = \tilde{A}_\Delta^r / \sim$. 我々は, A_Δ^r に (§ 3 の 2° とほぼ同様の方法で) complex space の構造を入れうる.

References

- [1] E. Horikawa: On deformations of holomorphic maps, I, II, III. J. Math. Soc. Japan 25 (1973), 647-666; *ibid.* 26 (1974), 372-396; *Math. Ann.*, 222 (1976), 275-282.
- [2] 飯高茂—上野健爾—浪川幸彦: デカルトの精神と代数幾何, 数学セミナー増刊, 現代の数学入門 6.
- [3] K. Miyajima: On the existence of Kuranishi family for deformations of holomorphic maps. *Sci. Rep. Kagoshima Univ.*, 27 (1978), 43-76.
- [4] M. Namba: Families of meromorphic functions on compact Riemann surfaces. *Lec. Notes in Math.* 767 (1979), Springer.
- [5] F. Severi: Vorlesungen über Algebraische Geometrie, (tr. by E. Löffler) Leipzig, Teubner, 1921.



